

1. Занятие

Алгоритм сортировки слиянием основан на идее, что два отсортированных списка можно слить в один отсортированный список за время, равное суммарной длине этих списков.

Напишем функцию `merge`.

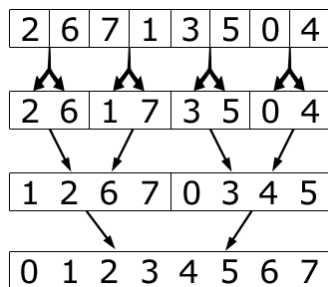
Создадим результирующий список. Далее сравним первые элементы данных списков. Тот элемент, который меньше, скопируем в конец результирующего списка (который первоначально пуст) и в этом списке перейдем к следующему элементу. Будем повторять этот процесс (выбираем из начала двух списков наименьший элемент, копируем его в результирующий список), пока один из исходных списков не кончится. После этого оставшиеся элементы (один из двух исходных списков будет непуст) скопируем в результирующий список.

Для того, чтобы не удалять начальные элементы из списков, заведем два индекса i и j , указывающие на текущие элементы в каждом списке. Вместо удаления элементов будем передвигать эти индексы. В конце, добавим к результирующему списку оставшиеся элементы из двух исходных списков A и B (один из этих массивов уже полностью обработан, это не должно нас смущать).

Заметим, что сложность работы функции `merge` — линейная от суммарных длин списков A и B , так как каждый элемент обрабатывается ровно один раз за $O(n)$.

Теперь можно реализовать сортировку слиянием. Напишем функцию `merge_sort`.

Разберем алгоритм сортировки слиянием на следующем примере. Имеется неупорядоченная последовательность чисел: 2, 6, 7, 1, 3, 5, 0, 4. После разбивки данной последовательности на единичные массивы, процесс сортирующего слияния (по возрастанию) будет выглядеть так:



Массив был разделен на единичные массивы, которые алгоритм сливает попарно до тех пор, пока не получится один массив, все элементы которого стоят на своих позициях.

Это — рекурсивная функция, которая получает на вход исходный список и список, составленный из тех же элементов, но отсортированный. Если длина исходного списка равна 1 или 0, то он уже отсортирован и сортировать его не надо. Если же длина списка больше 1, то разобьем его на две части равной (или почти равной, если длина исходного списка — нечетная). Отсортируем обе эти части, затем сольем их вместе при помощи функции `merge`.

Оценим сложность этого алгоритма. Пусть массив содержит n элементов. Тогда за $O(n)$ его можно разделить на две части и после сортировки слить их вместе. Каждая из этих двух частей имеет размер $n/2$, и за $O(n)$ шагов каждую из них можно поделить на две части размером $n/4$ и затем после сортировки слить их вместе. Аналогично, четыре части размером $n/4$ за суммарное $O(n)$ шагов делятся на части размером $n/8$ и сливаются вместе. Этот процесс «в глубину» продолжается столько раз, сколько раз можно число n делить на 2, до тех пор, пока размер части не станет равен 1, то есть $\log_2 n$. Итого, общая сложность этого алгоритма равна $O(n \log_2 n)$.

Одним из недостатков сортировки слиянием является тот факт, что он требует много вспомогательной памяти (столько же, каков размер исходного массива) для реализации.